

DE LAS

***** Jornadas ^{de} Automática

Gijón · Palacio de Congresos · 6, 7 y 8 de Septiembre de 2017





Universidad de Oviedo Universidá d'Uviéu University of Oviedo





Actas de

XXXVIII Jornadas de Automática

© 2017 Universidad de Oviedo © Los autores

Servicio de Publicaciones de la Universidad de Oviedo Campus de Humanidades. Edificio de Servicios. 33011 Oviedo (Asturias) Tel. 985 10 95 03 Fax 985 10 95 07 http: www.uniovi.es/publicaciones servipub@uniovi.es

DL AS 2749-2017

ISBN: 978-84-16664-74-0

Todos los derechos reservados. De conformidad con lo dispuesto en la legislación vigente, podrán ser castigados con penas de multa y privación de libertad quienes reproduzcan o plagien, en todo o en parte, una obra literaria, artística o científica, fijada en cualquier tipo y soporte, sin la preceptiva autorización.

Prefacio

Las Jornadas de Automática se celebran desde hace **40 años** en una universidad nacional facilitando el encuentro entre expertos en esta área en un foro que permite la puesta en común de las nuevas ideas y proyectos en desarrollo. Al mismo tiempo, propician la siempre necesaria colaboración entre investigadores del ámbito de la Ingeniería de Control y Automática, así como de campos afines, a la hora de abordar complejos proyectos de investigación multidisciplinares.

En esta ocasión, las Jornadas estarán organizadas por la Universidad de Oviedo y se han celebrado del 6 al 8 de septiembre de 2017 en el Palacio de Congresos de Gijón, colaborando tanto la Escuela Politécnica de Ingeniería de Gijón (EPI) como el Departamento de Ingeniería Eléctrica, Electrónica de Computadores y de Sistemas del que depende el Área de Ingeniería de Sistemas y Automática.

Además de las habituales actividades científicas y culturales, esta edición es muy especial al celebrarse el **50 aniversario de la creación de CEA**, Comité Español de Automática. Igualmente este año se conmemora el 60 aniversario de la Federación Internacional del Control Automático de la que depende CEA. Así se ha llevado a cabo la presentación del libro que se ha realizado bajo la coordinación de D. Sebastián Dormido, sobre la historia de la Automática en España en una sesión en la que han participado todos los ex-presidentes de CEA conjuntamente con el actual, D. Joseba Quevedo.

Igualmente hemos contado con la presencia de conferenciantes de prestigio para las sesiones plenarias, comunicaciones y ponencias orales en las reuniones de los 9 grupos temáticos, contribuciones en formato póster. Se ha celebrado también el concurso de CEABOT, así como una nueva Competición de Drones, con el ánimo de involucrar a más estudiantes de últimos cursos de Grado/Máster.

En el marco de las actividades culturales programadas se ha podido efectuar un recorrido en el casco antiguo situado en torno al Cerro de Santa Catalina y visitar la Laboral.

Gijn, septiembre de 2017

Hilario López Presidente del Comité Organizador

Program Committee

Antonio Agudo Institut de Robòtica i Informàtica Industrial Rosa M Aguilar University of La Laguna. Luciano Alonso University of Cantabria Ignacio Álvarez García Universidad de Oviedo Antonio Javier Artuñedo García Centre for Automation and Robotics (CSIC-UPM) José M. Azorín Miguel Hernandez University of Elche Pedro Balaguer Universitat Jaume I Antonio Javier Barragán Piña Universidad de Huelva Alfonso Baños Universidad de Murcia Guillermo Bejarano University of Seville Gerardo Beruvides Centro de Automática y Robótica Carlos Bordons University of Seville Jose Manuel Bravo University of Huelva Jose Luis Calvo-Rolle University of A Coruña Centro de Automática y Robótica (UPM -CSIC) Fernando Castaño Romero José Luis Casteleiro-Roca University of Coruña Alvaro Castro-Gonzalez Universidad Carlos III de Madrid Ramon Costa-Castelló Universitat Politècnica de Catalunya Abel A. Cuadrado University of Oviedo Arturo De La Escalera Universidad Carlos III de Madrid Emma Delgado Universidad de Vigo Universitat Politecnica de Valencia Jose-Luis Diez Manuel Domínguez Universidad de León Juan Manuel Escaño Universidad de Sevilla Mario Francisco University of Salamanca Maria Jesus Fuente Universidad de Valladolid Juan Garrido University of Cordoba Antonio Giménez Universidad de Almeria Evelio Gonzalez Universidad de La Laguna José-Luis Guzmán Universidad de Almería Rodolfo Haber Center for Automation and Robotics (UPM-CSIC) César Ernesto Hernández Universidad de Almería UPV/EHU Eloy Irigoyen Agustin Jimenez Universidad PolitAcnica de Madrid Emilio Jiménez University of La Rioja Jesus Lozano Universidad de Extremadura Jorge Luis Madrid Centro de Automática y Robótica Luis Magdalena Universidad Politécnica de Madrid David Martin Gomez Universidad Carlos III de Madrid Fernando Matia Universidad Politecnica de Madrid Joaquim Melendez Universitat de Girona Juan Mendez Universidad de La Laguna Luis Moreno Universidad Carlos III de Madrid María Dolores Moreno Rabel Universidad de Extremadura David Muñoz Universidad de Sevilla Antonio José Muñoz-Ramirez Universidad de Málaga Jose Luis Navarro Universidad Politecnica de Valencia University of Seville Manuel G. Ortega Andrzej Pawlowski UNED Mercedes Perez de La Parte University of La Rioja Ignacio Peñarrocha Universitat Jaume I de Castelló, Spain José Luis Pitarch Universidad de Valladolid

Program Committee

JA2017

Daniel Pérez Emilio Pérez Juan Pérez Oria MiguelÁngel Ridao Gregorio Sainz-Palmero Antonio Sala Ester Sales-Setién Jose Sanchez Javier Sanchis Saez José Pedro Santos Matilde Santos Alvaro Serna José Enrique Simó José A. Somolinos Fernando Tadeo Alejandro Tapia David Tena Jesús Torres Pedro M. Vallejo Guilherme Vianna Alejandro Vignoni Ramón Vilanova Francisco Vázquez Jesús M. Zamarreño

University of Oviedo Universitat Jaume I Universidad de Cantabria Universidad de Sevilla Universidad de Valladolid Universitat Politecnica de Valencia Universitat Jaume I UNED Universitat Politecnica de Valencia (UPV) ITEFI-CSIC Universidad Complutense de Madrid University of Valladolid Universidad Politécnica de Valencia ETS I Navales. Universidad Politecnica de Madrid Univ. of Valladolid Universidad de Loyola Andalucía Universitat Jaume I Universidad de La Laguna Universidad de Salamanca Universidad de Sevilla AI2 - UPV UAB Universidad de Cordoba University of Valladolid

Revisores Adicionales

Al-Kaff, Abdulla

Balbastre, Patricia Beltrán de La Cita, Jorge Bermudez-Cameo, Jesus Blanco-Claraco, Jose-Luis Blanes, Francisco Bonin-Font, Francisco

Cancela, Brais

Ferraz, Luis

Garita, Cesar Gimenez, Antonio Gruber, Patrick Guindel, Carlos

Hernandez Ruiz, Alejandro Hernandez, Daniel

Jardón Huete, Alberto

López, Amable

Marin, Raul Marín Plaza, Pablo Mañanas, Miguel Angel Morales, Rafael Moreno, Francisco-Angel

Nuñez, Luis Ramón

Ponz Vila, Aurelio Posadas-Yague, Juan-Luis Poza-Luján, Jose-Luis Pumarola, Albert

Raya, Rafael Revestido Herrero, Elías Rocon, Eduardo Ruiz Sarmiento, José Raúl Ruiz, Adria

Torres, Jose Luis

Vaquero, Victor

Table of Contents

Ingeniería de Control	
TÚNEL DE AGUA PARA PRUEBAS Y CARACTERIZACIÓN DE DISEÑOS EXPERIMENTALES DE TURBINAS HIDROCINÉTICAS Eduardo Alvarez, Manuel Rico-Secades, Antonio Javier Calleja Rodríguez, Joaquín Fernández Francos, Aitor Fernández Jiménez, Mario Alvarez Fernández and Samuel Camba Fernández	1
Reduction of population variability in protein expression: A control engineering approach. Yadira Boada, Alejandro Vignoni and Jesús Picó	8
CONTROL ROBUSTO DEL PH EN FOTOBIORREACTORES MEDIANTE RECHAZO ACTIVO DE PERTURBACIONES	16
Control reset para maniobra de cambio de carril y validación con CarSim Miguel Cerdeira, Pablo Falcón, Antonio Barreiro, Emma Delgado and Miguel Díaz-Cacho	23
Maniobra de aterrizaje autom atica de una Cessna 172P modelada en FlightGear y controlada desde un programa en C Mario de La Rosa, Antonio Javier Gallego and Eduardo Fernández	31
Alternativas para el control de la red eléctrica aislada en parques eólicos marinos Carlos Díaz-Sanahuja, Ignacio Peñarrocha, Ricardo Vidal-Albalate and Ester Sales-Setién	38
CONTROL PREDICTIVO DISTRIBUIDO UTILIZANDO MODELOS DIFUSOS PARA LA NEGOCIACIÓN ENTRE AGENTES	46
Control Predictivo en el espacio de estados de un captador solar tipo Fresnel Antonio Javier Gallego, Mario de La Rosa and Eduardo Fernández	54
Control predictivo para la operación eficiente de una planta formada por un sistema de desalación solar y un invernadero Juan Diego Gil Vergel, Lidia Roca, Manuel Berenguel, Alba Ruiz Aguirre, Guillermo Zaragoza and Antonio Giménez	62
Depuración de Aguas Residuales en la Industria 4.0 Jesus Manuel Gomez-De-Gabriel, Ana María Jiménez Arévalo, Laura Eiroa Mateo and Fco. Javier Fernández-De-Cañete-Rodríguez	70
Control robusto con QFT del pH en un fotobioreactor raceway	77
Ángeles Hoyo Sánchez, Jose Luis Guzman, Jose Carlos Moreno and Manuel Berenguel	
Revisión sistemática de la literatura en ingeniería de sistemas. Caso práctico: técnicas de estimación distribuida de sistemas ciberfísicos	84
Carmelina Ierardi, Luis Orihuela Espina, Isabel Jurado Flores, Álvaro Rodriguéz Del Nozal and Alejandro Tapia Córdoba	
Desarrollo de un Controlador Predictivo para Autómatas programables basado en la normativa IEC 61131-3 Pablo Krupa, Daniel Limon and Teodoro Alamo	92
Diseño de un emulador de aerogenerador de velocidad variable DFIG y control de pitch Manuel Lara Ortiz, Juan Garrido Jurado and Francisco Vázquez Serrano	100

Observación de la fracción de agua líquida en pilas de combustible tipo PEM de cátodo abierto
Control Predictivo Basado en Datos
Control MPC basado en un modelo LTV para seguimiento de trayectoria con estabilidad garantizada
Implementación y evaluación de controladores basados en eventos en la norma IEC-61499.130 Oscar Miguel-Escrig, Julio-Ariel Romero-Pérez and Esteban Querol-Dolz
AUTOMATIZACIÓN Y MONITORIZACIÓN DE UNA INSTALACIÓN DE ENSAYO DE MOTORES
OPTIMIZACIÓN Y CONTROL EN CASCADA DE TEMPERATURA DE RECINTO MEDIANTE SISTEMAS DE REFRIGERACIÓN
Diseño LQ e implementación distribuida para la estimación de estado 154 Álvaro Rodríguez Del Nozal, Luis Orihuela, Pablo Millán Gata, Carmelina Ierardi and Alejandro Tapia Córdoba
Estimación de fugas en un sistema industrial real mediante modelado por señales aditivas. 160 Ester Sales-Setién, Ignacio Peñarrocha and David Tena
Advanced control based on MPC ideas for offshore hydrogen production
Transfer function parameters estimation by symmetric send-on-delta sampling
An Estimation Approach for Process Control based on Asymmetric Oscillations 181 José Sánchez, María Guinaldo Losada, Sebastian Dormido, José Luis Fernández Marrón and Antonio Visioli
Robust PI controller for disturbance attenuation and its application for voltage regulation in islanded microgrid
Infraestructura para explotación de datos de un simulador azucarero
Automar
INFRAESTRUCTURA PARA ESTUDIAR ADAPTABILIDAD Y TRANSPARENCIA EN EL CENTRO DE CONTROL VERSÁTIL

ARQUITECTURA DE CONTROL HÍBRIDA PARA LA NAVEGACI ÓN DE	
VEHÏCULOS SUBMARINOS NO TRIPULADOS	211
Francisco J. Lastra, Jesús A. Trujillo, Francisco J. Velasco and Elías Revestido	

Exploración y Reconstrucción 3D de Fondos Marinos Mediante AUVs y Sensores Acústicos
Oscar L. Manrique Garcia, Mario Andrei Garzon Oviedo and Antonio Barrientos
AUTOMATIZACIÓN DE MANIOBRAS PARA UN TEC DE 2GdL 226
Marina Pérez de La Portilla, José Andrés Somolinos Sánchez, Amable López Piñeiro, Rafael Morales Herrera and Eva Segura
MERBOTS PROJECT: OVERALL DESCRIPTION, MULTISENSORY AUTONOMOUS PERCEPTION AND GRASPING FOR UNDERWATER ROBOTICS INTERVENTIONS
Pedro J. Sanz, Raul Marin, Antonio Peñalver, David Fornas and Diego Centelles
Bioingeniería
MARCADORES CUADRADOS Y DEFORMACIÓN DE OBJETOS EN NAVEGACIÓN QUIRÚRGICA CON REALIDAD AUMENTADA
Entrenamiento robótico de la marcha en pacientes con Parálisis Cerebral: definición de objetivos, propuesta de tratamiento e implementación clínica preliminar
Cristina Bayón, Teresa Martín-Lorenzo, Beatriz Moral-Saiz, Óscar Ramírez, Álvaro Pérez-Somarriba, Sergio Lerma-Lara, Ignacio Martínez and Eduardo Rocon
PREDICCIÓN DE ACTIVIDADES DE LA VIDA DIARIA EN ENTORNOS INTELIGENTES PARA PERSONAS CON MOVILIDAD REDUCIDA
Sistema de Visión Estereoscópico para el guiado de un Robot Quirúrgico en Operaciones de Cirugía Laparoscópica HALS
Head movement assessment of cerebral palsy users with severe motor disorders when they control a computer thought eye movements
Diseño de un sensor óptico de fuerza para exoesqueletos de mano
POSIBILIDADES DEL USO DE TRAMAS ARTIFICIALES DE IMAGEN MOTORA PARA UN BCI BASADO EN EEG
EFECTOS SOBRE LA ERD EN TAREAS DE CONTROL DE EXOESQUELETO DE MANO EMPLEANDO BCI
Santiago Ezquerro, Juan Antonio Barios, Arturo Bertomeu-Motos, Luisa Lorente, Nuria Requena, Irene Delegido, Francisco Javier Badesa and Nicolas Garcia-Aracil
Formulación Topológica Adaptada para la Simulación y Control de Exoesqueletos Accionados con Transmisiones Harmonic Drive

Andres Hidalgo Romero and Eduardo Rocon

Identificación de contracciones isométricas de la extremidad superior en pacientes con lesión medular incompleta mediante características espectrales de la electromiografía de alta densidad (HD-EMG)
Mislav Jordanic, Mónica Rojas-Martínez, Joan Francesc Alonso, Carolina Migliorelli and Miguel Ángel Mañanas
Diseño de una plataforma para analizar el efecto de la estimulación mecánica aferente en el temblor de pacientes con temblor esencial
DEFINICIÓN DE UN PROTOCOLO PARA LA MEDIDA PRECISA DEL RANGO CERVICAL EMPLEANDO TECNOLOGÍA INERCIAL
Álvaro Martín, Rafael Raya, Cristina Sánchez, Rodrigo Garcia-Carmona, Oscar Ramirez and Abraham Otero
SISTEMA BRAIN-COMPUTER INTEFACE DE NAVEGACIÓN WEB ORIENTADO A PERSONAS CON GRAVE DISCAPACIDAD
Víctor Martínez-Cagigal, Javier Gómez-Pilar, Daniel Álvarez, Eduardo Santamaría-Vázquez and Roberto Hornero
ESTRATEGIAS DE NEUROESTIMULACIÓN TRANSCRANEAL POR CORRIENTE DIRECTA PARA MEJORA COGNITIVA
Silvia Moreno Serrano, Mario Ortiz and José María Azorín Poveda
COMPARATIVA DE ALGORITMOS PARA LA DETECCIÓN ONLINE DE IMAGINACIÓN MOTORA DE LA MARCHA BASADO EN SEÑALES DE EEG 328 Marisol Rodriguez-Ugarte, Irma Nayeli Angulo Sherman, Eduardo Iáñez and Jose M.
DETECCIÓN, MEDIANTE UN GUANTE SENSORIZADO, DE MOVIMIENTOS SELECCIONADOS EN UN SISTEMA ROBOTIZADO COLABORATIVO PARA HALS 334
Lidia Santos, José Luis González, Eusebio de La Fuente, Juan Carlos Fraile and Javier Pérez Turiel
BIOSENSORES PARA CONTROL Y SEGUIMIENTO PATOLOGÍAS REUMATOIDES
Amparo Tirado, Raúl Marín, José V Martí, Miguel Belmonte and Pedro Sanz
Assessment of tremor severity in patients with essential tremor using smartwatches 347 Miguel A. Velasco, Roberto López-Blanco, Juan P. Romero, M. Dolores Del Castillo, J. Ignacio Serrano, Julián Benito-León and Eduardo Rocon
INTERFAZ CEREBRO-ORDENADOR PARA EL CONTROL DE UNA SILLA DE RUEDAS A TRAVÉS DE DOS PARADIGMAS DE NAVEGACIÓN
Fernández-Rodríguez Álvaro, Velasco-Álvarez Francisco and Ricardo Ron-Angevin
Control Inteligente
Aprendizaje por Refuerzo para sistemas lineales discretos con dinámica desconocida: Simulación y Aplicación a un Sistema Electromecánico
Diseño de sistemas de control en cascada clásico y borroso para el seguimiento de
trayectorias

J	А	21	01	7
υ	1 1		U 1	

ANÁLISIS FORMAL DE LA DINÁMICA DE SISTEMAS NO LINEALES MEDIANTE REDES NEURONALES 376
Eloy Irigoyen, Mikel Larrea, A. Javier Barragán, Miguel Ángel Martínez and José Manuel Andújar
Predicción de la energía renovable proveniente del oleaje en las islas de Fuerteventura y Lanzarote
G.Nicolás Marichal, Deivis Avila, Ángela Hernández, Isidro Padrón and José Ángel Rodríguez
Aplicación de Redes Neuronales para la Estimación de la Resistencia al Avance en Buques 393 Daniel Marón Blanco and Matilde Santos
Novel Fuzzy Torque Vectoring Controller for Electric Vehicles with per-wheel Motors 401 Alberto Parra, Martín Dendaluce, Asier Zubizarreta and Joshué Pérez
REPOSTAJE EN TIERRA DE UN AVIÓN MEDIANTE ALGORITMOS GENÉTICOS. 408 Elías Plaza and Matilde Santos
VISUALIZACIÓN WEB INTERACTIVA PARA EL ANÁLISIS DEL CHATTER EN LAMINACIÓN EN FRÍO
BANCADA PARA ANÁLISIS INTELIGENTE DE DATOS EN MONITORIZACIÓN DE SALUD ESTRUCTURAL
CONTROL DE UN VEHÍCULO CUATRIRROTOR BASADO EN REDES NEURONALES
CONTROL PREDICTIVO FUZZY CON APLICACIÓN A LA DEPURACIÓN BIOLÓGICA DE FANGOS ACTIVADOS
Educación en Automática

REFLEXIONES SOBRE EL VALOR DOCENTE DE UNA COMPETICION DE DRONES EN LA EDUCACIÓN DADA EL CONTROL
Ignacio Díaz Blanco, Alvaro Escanciano Urigüen, Antonio Robles Alvarez and Hilario López García
Uso del Haptic Paddle con aprendizaje basado en proyectos
REPRESENTACION INTEGRADA DE ACCIONAMIENTOS MECANICOS Y CONTROL DE EJES ORIENTADA A LA COMUNICACIÓN Y DOCENCIA EN MECATRONICA
Julio Garrido Campos, David Santos Esterán, Juan Sáez López and José Ignacio Armesto Quiroga

Construcción y modelado de un prototipo fan & plate para prácticas de control automático465 Cristina Lampon, Javier Martin, Ramon Costa-Castelló and Muppaneni Lokesh Chowdary

EDUCACION EN AUTOMATICA E INDUSTRIA 4.0 MEDIANTE LA APLICACIÓN

DE TECNOLOGÍAS	3D					4	71
Jose Ramon Llata,	Esther	Gonzalez-Sarabia,	Carlos	Torre-Ferrero	and Ram	ion	
Sancibrian							

Desarrollo e implementación de un sistema de control en una planta piloto hibrida	479
Maria P. Marcos, Cesar de Prada and Jose Luis Pitarch	
LA INFORMÁTICA INDUSTRIAL EN LAS INGENIERÍAS INDUSTRIALES	486

LA INFORMÁTICA INDUSTRIAL EN LAS INGENIERÍAS INDUSTRIALES
Rogelio Mazaeda, Eusebio de La Fuente López, José Luis González, Eduardo J. Moya
de La Torre, Miguel Angel García Blanco, Javier García Ruiz, María Jesús de La
Fuente Aparicio, Gregorio Sainz Palmero and Smaranda Cristea

Ventajas d	ocentes de u	in flotador n	lagnético pa	ra la expe	rimentación	de técnicas	control 495
E duar do	Montijano,	Carlos Berr	al, Carlos S	Sagües, Ar	ntonio Bono	and Jesús S	lergio
Artal							

PROGRAMACIÓN ATRACTIVA DE PLC
Eduardo J. Moya de La Torre, F. Javier García Ruíz, Alfonso Poncela Méndez and Victor Barrio Lángara
MODERNIZACIÓN DE EQUIPO FEEDBACK MS-150 PARA EL APRENDIZAJE ACTIVO EN INGENIERÍA DE CONTROL
Perfecto Reguera Acevedo, Miguel Angel Prada Medrano, Antonio Morán Alvarez, Juan José Fuertes Martínez, Manuel Domínguez González and Serafín Alonso Castro
INNOVACIÓN PEDAGÓGICA EN LA FORMACIÓN DEL PERFIL PROFESIONAL PARA EL DESARROLLLO DE PROYECTOS DE AUTOMATIZACIÓN INDUSTRIAL A TRAVÉS DE UNA APROXIMACIÓN HOLÍSTICA
Aprendiendo Simulación de Eventos Discretos con JaamSim
RED NEURONAL AUTORREGRESIVA NO LINEAL CON ENTRADAS EXÓGENAS PARA LA PREDICCIÓN DEL ELECTROENCEFALOGRAMA FETAL528 Rosa M Aguilar, Jesús Torres and Carlos Martín
ANÁLISIS DEL COEFICIENTE DE TRANSFERENCIA DE MATERIA EN REACTORES RACEWAYS

Marta Barceló	, Jose	Luis	Guzman,	Francisco	Gabriel	Acién,	Ismael	Martín	and	Jorge
Antonio Sánch	nez									

MODELADO DINÁMICO DE UN SISTEMA DE ALMACENAMIENTO DE FRÍO	
VINCULADO A UN CICLO DE REFRIGERACIÓN	. 539
Guillermo Bejarano Pellicer, José Joaquín Suffo, Manuel Vargas and Manuel G. Ortego	a
Predictor Intervalar basado en hiperplano soporte	. 547
José Manuel Bravo Caro, Manuel Vasallo Vázquez, Emilian Cojocaru and Teodoro	
Alamo Cantarero	

APROXIMACIÓN DE MODELOS ALGEBRAICOS MEDIANTE ALAMO Y ECOSIMPRO
Carlos Gómez Palacín, José Luis Pitarch, Gloria Gutiérrez and Cesar De Prada
A Causal Model to Analyze Aircraft Collision Avoidance Deadlock Scenarios
Miquel Ángel Piera Eroles, Julia de Homdedeu, Maria Del Mar Tous, Thimjo Koca and Marko Radanovic
ONLINE DECISION SUPPORT FOR AN EVAPORATION NETWORK
Predicción de la irradiancia a partir de datos de satélite mediante deep learning
MODELO DINÁMICO ORIENTADO AL TRATAMIENTO Y SEGUIMIENTO DE LA LEUCEMIA MIELOIDE CRÓNICA
Modelado y optimización de la operación de un sistema de bombeo de múltiples depósitos 596 Roberto Sanchis Llopis and Ignacio Peñarrocha
DEVELOPMENT OF A GREY MODEL FOR A MEDIUM DENSITY FIBREBOARD DRYER IN ECOSIMPRO
DETECCIÓN AUTOMÁTICA DE FALLOS MEDIANTE MONITORIZACIÓN Y OPTIMIZACIÓN DE LAS FECHAS DE LIMPIEZA PARA INSTALACIONES FOTOVOLTAICAS
Modelado de micro-central hidráulica para el diseño de controladores con aplicación en regiones aisladas de Honduras
FRAMEWORK PARA EL MODELADO DE UN LAGO DE DATOS
SIMULADOR CARDIOVASCULAR PARA ENSAYO DE ROBOTS DE NAVEGACION AUTONOMA
PLANIFICACION DE LA PRODUCION BASADA EN CONTROL PREDICTIVO PARA PLANTAS TERMOSOLARES
Evaluación multicriterio para la optimización de redes de energía
Percibiendo el entorno en los robots sociales del RoboticsLab
Fernando Alonso Martín, Jose Carlos Castillo Montoya, Álvaro Castro-Gonzalez, Juan José Gamboa, Marcos Maroto Gómez, Sara Marqués Villaroya, Antonio J. Pérez Vidal and Miguel Ángel Salichs

DISEÑO DE UNA PRÓTESIS DE MANO ADAPTABLE AL CRECIMIENTO
COOPERATIVISMO BIOINSPIRADO BASADO EN EL COMPORTAMIENTO DE LAS HORMIGAS
Brayan Bermudez, Kristel Novoa and Miguel Valbuena
PROCEDIMIENTO DE DISEÑO DE UN EXOESQUELETO DE MIEMBRO SUPERIOR PARA SOPORTE DE CARGAS
Estructura de control en ROS y modos de marcha basados en máquinas de estados de un robot hexápodo
ISING AN LIAV TO CLUDE THE TELEOPERATION OF A MOBILE
MANIPULATOR
Estudio de los patrones de marcha para un robot hexápodo en tareas de búsqueda y rescate
Jorge De León Rivas and Antonio Barrientos
SISTEMA DE INTERACCIÓN VISUAL PARA UN ROBOT SOCIAL
Mario Domínguez López, Eduardo Zalama Casanova, Jaime Gómez GarcÍa-Bermejo and Samuel Marcos Pablos
Mejora del Comportamiento Proxémico de un Robot Autónomo mediante Motores de Inteligencia Artificial Desarrollados para Plataformas de Videojuegos
Micrófonos de contacto: una alternativa para sensado tactil en robots sociales
Clasificación de información táctil para la detección de personas
Planificación para interceptación de objetivos: Integración del Método Fast Marching y Risk-RRT
David Alfredo Garzon Ramos, Mario Andrei Garzon Oviedo and Antonio Barrientos
ESTABILIZACIÓN DE UNA BOLA SOBRE UN PLANO UTILIZANDO UN ROBOT PARALELO 6-RSS
Daniel González, Lluís Ros and Federico Thomas
TELEOPERACIÓN DE INSTRUMENTOS QUIRÚRGICOS ARTICULADOS
CONTROL OF A ROBOTIC ARM FOR TRANSPORTING OBJECTS BASED ON NEURO-FUZZY LEARNING VISUAL INFORMATION
Juan Hernandez Vicen, Santiago Martinez de La Casa Díaz and Carlos Balaguer
PLATAFORMA BASADA EN LA INTEGRACION DE MATLAB Y ROS PARA LA DOCENCIA DE ROBÓTICA DE SERVICIO

Estimadores de fuerza y movimiento para el control de un robot de rehabilitación de extremidad superior
Definiendo los elementos que constituyen un robot social portable de bajo coste
Interfaces táctiles para Interacción Humano-Robot
HERRAMIENTAS DE ENTRENAMIENTO Y MONITORIZACIÓN PARA EL DESMINADO HUMANITARIO
Control a Baja Velocidad de una Rueda con Motor de Accionamiento Directo mediante Ingeniería Basada en Modelos
SIMULACIÓN DE VEHÍCULOS AUTÓNOMOS USANDO V-REP BAJO ROS 806 Cándido Otero Moreira, Enrique Paz Domonte, Rafael Sanz Dominguez, Joaquín López Fernández, Rafael Barea, Eduardo Romera, Eduardo Molinos, Roberto Arroyo, Luís Miguel Bergasa and Elena López
Cinemática y prototipado de un manipulador paralelo con centro de rotación remoto para robótica quirúrgica
ANÁLISIS DE ESTABILIDAD DE SINGULARIDADES AISLADAS EN ROBOTS PARALELOS MEDIANTE DESARROLLOS DE TAYLOR DE SEGUNDO ORDEN821
Adrián Peidró Vidal, Óscar Reinoso, Arturo Gil, José María Marín and Luis Payá
INTERFAZ DE CONTROL PARA UN ROBOT MANIPULADOR MEDIANTE REALIDAD VIRTUAL
Elena Peña-Tapia, Juan Jesús Roldán, Mario Garzón, Andrés Martín-Barrio and Antonio Barrientos
Evolución de la robótica social y nuevas tendencias
DISEÑO MECÁNICO DE UN ASISTENTE ROBÓTICO CAMARÓGRAFO CON APRENDIZAJE COGNITIVO
CÁLCULO DE FUERZAS DE CONTACTO PARA PRENSIONES BIMANUALES852 Francisco Abiud Rojas-De-Silva and Raul Suarez
Modelado del Contexto Geométrico para el Reconocimiento de Objetos
Estimación Probabilística de Áreas de Emisión de Gases con un Robot Móvil Mediante la Integración Temporal de Observaciones de Gas y Viento

JA	201	7
011	201	

MANIPULADOR AÉREO CON BRAZOS ANTROPOMÓRFICOS DE ARTICULACIONES FLEXIBLES
EVALUACIÓN DE UN ENTORNO DE TELEOPERACIÓN CON ROS
Sistemas de Tiempo Real
GENERACIÓN DE CÓDIGO IEC 61131-3 A PARTIR DE DISEÑOS EN GRAFCET892 Maria Luz Alvarez Gutierrez, Isabel Sarachaga Gonzalez, Arantzazu Burgos Fernandez, Nagore Iriondo Urbistazu and Marga Marcos Muñoz
CONTROL EN TIEMPO REAL Y SUPERVISIÓN DE PROCESOS MEDIANTE SERVIDORES OPC-UA
Control de la Ejecución en Sistemas de Criticidad Mixta
GENERACIÓN AUTOMÁTICA DEL PROYECTO DE AUTOMATIZACIÓN TIA PORTAL PARA MÁQUINAS MODULARES
DDS en el desarrollo de sistemas distribuidos heterogéneos con soporte para criticidad mixta
ARQUITECTURA DISTRIBUIDA PARA EL CONTROL AUTÓNOMO DE DRONES EN INTERIOR
Jose-Luis Poza-Luján, Juan-Luis Posadas-Yagüe, Giovanny-Javier Tipantuña-Topanta, Francisco Abad and Ramón Mollá
Ingeniería Conducida por Modelos en Sistemas de Automatización Flexibles
Estudio e implementación de Middleware para aplicaciones de control distribuido
Visión por Computador
Real-Time Image Mosaicking for Mapping and Exploration Purposes
ALGORITMO DE SLAM UTILIZANDO APARIENCIA GLOBAL DE IMÁGENES OMNIDIRECCIONALES
and Oscar Reinoso
Medición de Oximetría de Pulso mediante Imagen fotopletismográfica
Algoritmo de captura de movimiento basado en visión por computador para la teleoperación de robots humanoides

COMPARACIÓN DE MÉTODOS DE DETECCIÓN DE ROSTROS EN IMÁGENES DIGITALES
Natalia García Del Prado, Victor Gonzalez Castro, Enrique Alegre and Eduardo Fidalgo Fernández
LOCALIZACIÓN DEL PUNTO DE FUGA PARA SISTEMA DE DETECCIÓN DE LÍNEAS DE CARRIL
Oculus-Crawl, a Software Tool for Building Datasets for Computer Vision Tasks
Clasificación automática de obstáculos empleando escáner láser y visión por computador999 Aurelio Ponz, Fernando Garcia, David Martin, Arturo de La Escalera and Jose Maria Armingol
T-SCAN: OBTENCIÓN DE NUBES DE PUNTOS CON COLOR Y TEMPERATURA EN INTERIOR DE EDIFICIOS
EVALUACIÓN DE MÉTODOS PARA REALIZAR RESÚMENES AUTOMÁTICOS DE VÍDEOS
SIMULADOR PARA LA CREACIÓN DE MUNDOS VIRTUALES PARA LA ASISTENCIA A PERSONAS CON MOVILIDAD REDUCIDA EN SILLA DE RUEDAS.1023 Carlos Sánchez Sánchez, María Cidoncha Jiménez, Emiliano Pérez, Ines Tejado and Blas M. Vinagre
Calibración Extrínseca de un Conjunto de Cámaras RGB-D sobre un Robot Móvil 1031 David Zúñiga-Nöel, Rubén Gómez Ojeda, Francisco-Ángel Moreno and Javier González Jiménez

ANÁLISIS DE ESTABILIDAD DE SINGULARIDADES AISLADAS EN ROBOTS PARALELOS MEDIANTE DESARROLLOS DE TAYLOR DE SEGUNDO ORDEN

Adrián Peidró, Óscar Reinoso, Arturo Gil, José María Marín, Luis Payá Departamento de Ingeniería de Sistemas y Automática

Universidad Miguel Hernández, Avenida de la Universidad s/n, 03202 Elche (Alicante), España {adrian.peidro, o.reinoso, arturo.gil, jmarin, lpaya}@goumh.umh.es

Resumen

Cuando el diseño geométrico de un robot paralelo es no-genérico, su lugar de las singularidades puede exhibir puntos aislados. Es bien sabido que dichos puntos aislados son inestables, ya que éstos se destruyen o generan/revelan cúspides cuando el diseño geométrico del robot se desvía ligeramente de un diseño no-genérico, afectando posiblemente a la habilidad del robot para reconfigurarse sin cruzar singularidades indeseables. Este artículo presenta un método basado en expansiones de Taylor de segundo orden para determinar cómo se transforman las singularidades aisladas cuando se perturban los diferentes parámetros geométricos de un robot no-genérico. El método propuesto consiste en aproximar el lugar de las singularidades por una curva cónica en el entorno de la singularidad aislada, para clasificar a continuación dicha cónica en función de las perturbaciones de los diferentes parámetros geométricos. El método presentado se ilustra mediante dos robots paralelos no-genéricos de ejemplo: los robots 3RPR y 2RPR-PR.

Palabras clave: Cúspide, Estabilidad, Robot paralelo, Serie de Taylor, Singularidad aislada

1. INTRODUCCIÓN

Este artículo presenta un método basado en desarrollos de Taylor de segundo orden para estudiar la estabilidad de singularidades cinemáticas aisladas en robots paralelos. Las singularidades aisladas son un tipo de singularidad de orden superior de gran importancia en la cinemática de estos robots, ya que guardan relación con la habilidad del robot para reconfigurarse y ampliar su espacio de trabajo sin atravesar singularidades indeseables.

Considérese un robot paralelo de 2 grados de libertad (GDL), como es habitual en el estudio de transiciones no-singulares [7], para poder visualizar las singularidades del robot en el plano. Si el robot tuviera más de 2 GDL, simplemente se bloquean todos sus actuadores salvo dos, o bien se analiza un sub-mecanismo independiente de 2 GDL del robot [13, 1]. Denotemos las coordenadas articulares actuadas (o variables de entrada) del robot por $\mathbf{x} = [x_1, x_2]^T$, y denotemos las variables de salida (que definen la posición y/u orientación de la plataforma móvil del robot) por $\mathbf{y} = [y_1, y_2]^T$. Debido a la cinemática del robot, $\mathbf{x} \in \mathbf{y}$ están relacionadas mediante dos ecuaciones de entrada-salida:

$$f_1(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = 0 \quad \mathbf{y} \quad f_2(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = 0 \tag{1}$$

donde f_1 y f_2 son funciones de restricción. El problema cinemático directo consiste en resolver y del sistema (1) dado x. Para un x dado, generalmente este problema tiene varias soluciones distintas que suelen llamarse modos de ensamblado.

Este artículo se centra en las singularidades del problema cinemático directo, que son las configuraciones en las que det $(\mathbf{J}) = 0$, donde $\mathbf{J} = \{j_{pq}\}$ es la matriz Jacobiana 2×2 formada por las derivadas de $\{f_1, f_2\}$ con respecto a las variables de salida: $j_{pq} = \frac{\partial f_p}{\partial y_q} \ (p, q \in \{1, 2\})$. La condición det $(\mathbf{J}) = 0$ define el lugar geométrico de las singularidades del robot, que es un conjunto de curvas singulares que pueden visualizarse en los planos (x_1, x_2) o (y_1, y_2) . Cuando el robot se aproxima a una curva singular en el plano (x_1, x_2) , al menos dos modos de ensamblado distintos convergen. Cuando se cruza una singularidad, se producen problemas de control de la plataforma móvil del robot.

En este artículo estamos interesados en analizar la estabilidad de los puntos aislados del lugar de las singularidades. Cuando el diseño geométrico de un robot paralelo satisface determinadas condiciones (que dependen de la arquitectura del robot), se dice que su geometría es *no-genérica* y, en tal caso, el lugar de las singularidades exhibe puntos aislados (u otras singularidades de orden superior [13]). Dichas singularidades aisladas son inestables, ya que se destruyen o se transforman en curvas cerradas cuspidales cuando la geometría del robot se desvía ligeramente de un diseño no-genérico debido a pequeñas tolerancias en la manufactura [13, 3, 2].

Como bien se sabe, trazando trayectorias que encierran las cúspides de las curvas singulares cuspidales en el plano (x_1, x_2) , el robot puede modificar su modo de ensamblado sin atravesar singularidades [15, 5, 4, 14, 9], lo cual es beneficioso para ampliar el rango de operación del robot sin incurrir en pérdidas de control. Por tanto, perturbar la geometría de un robot no-genérico puede afectar a su habilidad para realizar tales transiciones no-singulares entre modos de ensamblado. Por ejemplo, si dicha perturbación transforma una singularidad aislada en una curva con cúspides, éstas permitirán al robot realizar transiciones nosingulares. Por el contrario, la perturbación podría destruir la singularidad aislada, perdiendo el robot la habilidad mencionada. Por consiguiente, es importante poder predecir cómo se transformarán las singularidades aisladas cuando la geometría de un robot no-genérico es perturbada.

Este artículo presenta un método para determinar cómo se transforman las singularidades aisladas de robots paralelos cuando su geometría nogenérica es ligeramente perturbada. Para tal fin, el lugar de las singularidades del robot se aproxima por su desarrollo de Taylor de segundo orden en el entorno de la singularidad aislada, lo que equivale a aproximar el lugar de las singularidades por una cónica (véase la Sección 2). Seguidamente, el análisis de estabilidad de la singularidad aislada se reduce a clasificar dicha cónica en función de las perturbaciones de los diferentes parámetros geométricos del robot. Este método se ilustra en las Secciones 3 y 4 mediante dos robots paralelos de ejemplo. Finalmente, la Sección 5 presenta las conclusiones y trabajos futuros.

2. ANÁLISIS DE ESTABILIDAD MEDIANTE DESARROLLOS CUADRÁTICOS DE TAYLOR

Esta sección presenta un método basado en desarrollos en series de Taylor de segundo orden para estudiar la estabilidad de singularidades aisladas. Asúmase que la siguiente ecuación define el lugar de las singularidades en el plano (y_1, y_2) :

$$S(\mathbf{y}, \mathbf{g}) = 0 \tag{2}$$

donde $S(\mathbf{y}, \mathbf{g}) = \det(\mathbf{J})$. Dado un robot paralelo con una geometría $\mathbf{g} = [g_1, \ldots, g_d]^T$, la ecuación (2) define un conjunto de curvas singulares en el plano (y_1, y_2) . La forma concreta de dichas curvas dependerá de la geometría \mathbf{g} . Asúmase que para cierta geometría no-genérica \mathbf{g}_0 , las curvas singulares exhiben un punto aislado \mathbf{y}_0 . A continuación, se aproximará S por su desarrollo en serie de Taylor de segundo orden centrado en $(\mathbf{y}_0, \mathbf{g}_0)$:

$$S(\mathbf{y}, \mathbf{g}) \approx S(\mathbf{y}_0, \mathbf{g}_0) + \left[\frac{\partial S}{\partial \mathbf{y}}(\mathbf{y}_0, \mathbf{g}_0)\right] \Delta \mathbf{y} + \left[\frac{\partial S}{\partial \mathbf{g}}(\mathbf{y}_0, \mathbf{g}_0)\right] \Delta \mathbf{g} + \left[\Delta \mathbf{y}^T, \Delta \mathbf{g}^T\right] \frac{\mathbf{H}(\mathbf{y}_0, \mathbf{g}_0)}{2} \begin{bmatrix} \Delta \mathbf{y} \\ \Delta \mathbf{g} \end{bmatrix}$$
(3)

donde **H** es la Hessiana de *S* con respecto a **y** y **g**, Δ **y** = **y** - **y**₀, y Δ **g** = **g** - **g**₀. Nótese que $S(\mathbf{y}_0, \mathbf{g}_0) = 0$ debido a que el punto aislado **y**₀ pertenece a las curvas singulares correspondientes a la geometría **g**₀. Además, dado que **y**₀ es un punto aislado (por tanto, un punto crítico o especial) de dichas curvas, entonces:

$$\frac{\partial S}{\partial \mathbf{y}}(\mathbf{y}_0, \mathbf{g}_0) = [0, 0] \tag{4}$$

lo cual justifica la necesidad de realizar un desarrollo en serie de Taylor hasta el término cuadrático [de otro modo, la ecuación (5) siguiente no definiría una curva en el plano (y_1, y_2)]. La sustitución de (3) en la ecuación (2) proporciona la ecuación que define el lugar de las singularidades en el entorno de la singularidad aislada \mathbf{y}_0 y de la geometría no-genérica \mathbf{g}_0 :

$$\mathbf{S}_{\mathbf{g}}\Delta\mathbf{g} + \left[\Delta\mathbf{y}^{T}, \Delta\mathbf{g}^{T}\right] \frac{\mathbf{H}(\mathbf{y}_{0}, \mathbf{g}_{0})}{2} \begin{bmatrix} \Delta\mathbf{y} \\ \Delta\mathbf{g} \end{bmatrix} = 0 \quad (5)$$

donde $\mathbf{S}_{\mathbf{g}} = \frac{\partial S}{\partial \mathbf{g}}(\mathbf{y}_0, \mathbf{g}_0)$. A continuación, fragmentamos la Hessiana **H** en cuatro bloques:

$$\mathbf{H} = \begin{bmatrix} \mathbf{H}_{11} & \mathbf{H}_{12} \\ \mathbf{H}_{12}^T & \mathbf{H}_{22} \end{bmatrix}$$
(6)

donde los tamaños de las matrices \mathbf{H}_{11} , \mathbf{H}_{12} , y \mathbf{H}_{22} son 2 × 2, 2 × d, y d × d, respectivamente. Mediante esta partición de la matriz \mathbf{H} , podemos reescribir la ecuación (5) como sigue:

$$\begin{bmatrix} \Delta \mathbf{y}^T, 1 \end{bmatrix} \underbrace{\begin{bmatrix} \mathbf{H}_{11}/2 & \mathbf{K} \\ \mathbf{K}^T & u \end{bmatrix}}_{\mathbf{C}} \begin{bmatrix} \Delta \mathbf{y} \\ 1 \end{bmatrix} = 0 \quad (7)$$

donde:

$$\mathbf{K} = \frac{\mathbf{H}_{12}\Delta\mathbf{g}}{2} \quad \mathbf{y} \quad u = \left(\Delta\mathbf{g}^T \frac{\mathbf{H}_{22}}{2} + \mathbf{S}_{\mathbf{g}}\right)\Delta\mathbf{g}$$
(8)

La ecuación (7) define una cónica en el plano (y_1, y_2) . El tipo de cónica definida por dicha ecuación depende de la matriz de coeficientes **C** [12]. Nótese que **C** depende de la perturbación Δ **g** de los parámetros geométricos del robot con respecto a la geometría no-genérica **g**₀. Por tanto, para estudiar cómo afectan dichas perturbaciones geométricas a la estabilidad de la singularidad aislada **y**₀, es suficiente con analizar y clasificar el tipo de cónica definida por **C** en función de Δ **g**.

En las siguientes secciones, se aplicará este método para estudiar la estabilidad de singularidades aisladas en dos robots paralelos de ejemplo.

3. EJEMPLO 1: ROBOT 3RPR

En esta sección se aplicará el método propuesto para analizar la estabilidad de las singularidades aisladas del robot paralelo plano 3RPR. Este robot, mostrado en la Figura 1, está formado



Figura 1: Robot paralelo plano 3RPR general.

por una plataforma fija AFC y una plataforma móvil BDE, estando ambas plataformas conectadas mediante tres cadenas de tipo RPR en paralelo. En este robot se emplean tres actuadores lineales {AB,CD,EF}, cuyas longitudes respectivas son { ρ_1, ρ_2, ρ_3 }, para controlar la posición y la orientación de la plataforma móvil BDE. La posición de la plataforma móvil puede parametrizarse mediante las coordenadas polares (ρ_3, θ_3) de la articulación E, mientras que su orientación puede parametrizarse mediante el ángulo ϕ .

Para poder aplicar el método propuesto en la sección anterior, necesitamos trabajar con un robot de 2 GDL. Por tanto, en adelante consideraremos que bloqueamos la articulación prismática de la pata EF, de manera que su longitud ρ_3 se asumirá constante. De este modo, podremos analizar un robot de 2 GDL con variables de entrada $\mathbf{x} = [\rho_1, \rho_2]^T$ y variables de salida $\mathbf{y} = [\theta_3, \phi]^T$. El resto de parámetros indicados en la Figura 1 se considerarán como parámetros geométricos de diseño del robot, es decir: $\mathbf{g} = [c_2, c_3, d_3, l_1, l_3, \beta, \rho_3]^T$.

Para este robot, las ecuaciones que relacionan las variables de entrada y salida [ecuaciones (1)] se obtienen imponiendo las condiciones de que las longitudes de las patas AB y CD deben ser igual a ρ_1 y ρ_2 , respectivamente. Estas condiciones proporcionan las siguientes funciones de restricción:

$$f_1 = \left\| \left[\begin{array}{c} c_3 + \rho_3 \cos \theta_3 - l_3 \cos \phi \\ d_3 + \rho_3 \sin \theta_3 - l_3 \sin \phi \end{array} \right] \right\|^2 - \rho_1^2 \quad (9)$$

$$f_2 = \left\| \begin{bmatrix} c_3 - c_2 + \rho_3 c_{\theta_3} + l_1 \cos(\phi + \pi - \beta) \\ d_3 + \rho_3 s_{\theta_3} + l_1 \sin(\phi + \pi - \beta) \end{bmatrix} \right\|^2 - \rho_2^2 \quad (10)$$

donde $s_{\theta_3} = \sin \theta_3$ y $c_{\theta_3} = \cos \theta_3$. El lugar de las singularidades en el plano de salida de este robot



Figura 2: Representación del lugar de las singularidades en el plano (θ_3, ϕ) , para un robot $3R\underline{P}R$ con geometría no-genérica.

viene definido por la siguiente ecuación:

$$S(\mathbf{y}, \mathbf{g}) = \frac{\partial f_1}{\partial \theta_3} \frac{\partial f_2}{\partial \phi} - \frac{\partial f_1}{\partial \phi} \frac{\partial f_2}{\partial \theta_3} = 0 \qquad (11)$$

La forma concreta del lugar de las singularidades definido por la ecuación (11) depende del valor de los parámetros geométricos g. A continuación, analizaremos el lugar de las singularidades para la siguiente geometría no-genérica: $\mathbf{g}_0 =$ $[1.4, 2, -1.5, 1.06, 1.1, 5.65 \text{ rad}, 2.800304375]^T$. Esta geometría es no-genérica porque se corresponde con un lugar de las singularidades que exhibe el siguiente punto aislado: \mathbf{y}_0 = [1.953791747, 1.571336043] T rad (véase la Figura 2). Esta singularidad aislada es una singularidad de orden superior conocida como lips [13], debido a la silueta que adquiere ésta en el plano de entrada (ρ_1, ρ_2) cuando se perturba ligeramente la geometría del robot. Esta singularidad aislada es inestable ya que, al desviar ligeramente de \mathbf{g}_0 la geometría del robot, el punto aislado \mathbf{y}_0 se transforma en una curva cerrada o se destruye, pudiéndose alterar la habilidad del robot para realizar transiciones no-singulares. Seguidamente, la aplicación del análisis de la Sección 2 nos permitirá conocer cómo se transforma \mathbf{y}_0 en función de cómo se desvíe de \mathbf{g}_0 la geometría del robot.

A continuación, considérese que todos los parámetros geométricos sufren una pequeña perturbación $\Delta \mathbf{g} = [\Delta c_2, \Delta c_3, \Delta d_3, \Delta l_1, \Delta l_3, \Delta \beta, \Delta \rho_3]^T$ que los aleja de la geometría no-genérica \mathbf{g}_0 indicada en el párrafo anterior. Sustituyendo \mathbf{y}_0 y \mathbf{g}_0 en la ecuación (7), se obtiene la ecuación de una curva cónica que es una aproximación del lugar de las singularidades perturbado en el plano (θ_3, ϕ), donde:

$$\frac{\mathbf{H}_{11}}{2} = \begin{bmatrix} -11.8582 & 0.6271\\ 0.6271 & -2.2934 \end{bmatrix}$$
(12)
823

$$\mathbf{K} = \begin{bmatrix} 1.9288 & -4.4937 \\ -2.6264 & 4.4935 \\ 14.9892 & -6.2409 \\ 8.8979 & 0.0256 \\ -22.3009 & 8.0256 \\ -3.0089 & 0.0440 \\ 14.3325 & -7.4679 \end{bmatrix}^T \Delta \mathbf{g} \quad (13)$$

$$\begin{split} u &= -2.5537\Delta c_2\Delta c_3 + 3.5688\Delta c_2\Delta d_3 \\ &+ 7.9784\Delta c_2\Delta l_1 - 13.481\Delta c_2\Delta l_3 + 6.2140\Delta c_2\Delta\beta \\ &+ 3.3911\Delta c_2\Delta\rho_3 - 2.4456\Delta c_2 + 2.5536\Delta c_3^2 \\ &- 5.4854\Delta c_3\Delta d_3 - 7.9347\Delta c_3\Delta l_1 + 16.382\Delta c_3\Delta l_3 \\ &- 6.2154\Delta c_3\Delta\beta - 6.1244\Delta c_3\Delta\rho_3 + 2.4422\Delta c_3 \\ &- 2.6245\Delta d_3^2 - 7.0749\Delta d_3\Delta l_1 + 6.6182\Delta d_3\Delta l_3 \\ &+ 13.546\Delta d_3\Delta\beta - 3.9281\Delta d_3\Delta\rho_3 - 3.1068\Delta d_3 \\ &+ 3.8633\Delta l_1\Delta l_3 - 0.013636\Delta l_1\Delta\beta - 3.5808\Delta l_1\Delta\rho_3 \\ &+ 0.044585\Delta l_1 - 16.061\Delta l_3\Delta\beta + 1.4638\Delta l_3\Delta\rho_3 \\ &+ 4.0521\Delta l_3 - 0.023632\Delta\beta^2 + 14.882\Delta\beta\Delta\rho_3 \\ &- 0.014455\Delta\beta - 1.3549\Delta\rho_3^2 - 3.7941\Delta\rho_3 \quad (14) \end{split}$$

El tipo de cónica definida por la ecuación (7) depende de \mathbf{H}_{11} , \mathbf{K} , y u [12]. En primer lugar, dado que det $(\mathbf{H}_{11}) > 0$, entonces el lugar de las singularidades perturbado es una elipse (real o imaginaria). El tipo de elipse definida por la ecuación (7) dependerá del signo de $\omega = c_{11} \det(\mathbf{C})$, donde c_{11} es el primer elemento de la primera fila de \mathbf{C} : si $\omega > 0$, entonces la ecuación (7) define una elipse imaginaria, mientras que si $\omega < 0$, dicha elipse es real. Si $\omega = 0$, la elipse degenera en un único punto aislado. La perturbación $\Delta \mathbf{g}$ de los parámetros geométricos determinará el signo de ω y, por tanto, determinará el tipo de elipse en la que el punto aislado \mathbf{y}_0 se transforma cuando la geometría del robot se desvía ligeramente de \mathbf{g}_0 .

3.1. PERTURBACIÓN DE UN PARÁMETRO GEOMÉTRICO

Por simplicidad, considérese primero que únicamente se perturba el parámetro ρ_3 , es decir, $\Delta \mathbf{g} = [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]^T$. En tal caso:

$$\omega = (1206.22 - 11406.38\Delta\rho_3)\Delta\rho_3 \tag{15}$$

Representando gráficamente la ecuación (15) en la Figura 3, podemos identificar tres casos para perturbaciones $\Delta \rho_3$ suficientemente pequeñas:

- Si $\Delta \rho_3 < 0$, entonces $\omega < 0 \rightarrow$ el lugar de las singularidades es una elipse real.
- Si Δρ₃ > 0, entonces ω > 0 → el lugar de las singularidades es una elipse imaginaria.
- Si Δρ₃ = 0, entonces ω = 0 → el lugar de las singularidades es una elipse real que ha degenerado en el punto y₀.



Figura 3: Variación de ω en función de $\Delta \rho_3$.

Por tanto, si partimos del valor no-genérico de ρ_3 y decrementamos ligeramente este parámetro geométrico, la singularidad aislada \mathbf{y}_0 se transforma en una pequeña elipse E_r en el plano (θ_3, ϕ) . Si, partiendo de $\Delta \rho_3 < 0$, incrementamos de forma continua ρ_3 haciendo tender $\Delta \rho_3$ a cero por la izquierda, el tamaño de E_r disminuye continuamente, hasta que esta pequeña elipse real degenera de nuevo en el punto \mathbf{y}_0 . Si la perturbación $\Delta \rho_3$ sigue incrementándose y se torna positiva, entonces el punto \mathbf{y}_0 se transforma en una elipse imaginaria, es decir, \mathbf{y}_0 desaparece del plano (θ_3, ϕ) .

La Figura 4a ilustra la transformación de \mathbf{y}_0 en una curva cerrada E_r aproximadamente elíptica, para la perturbación $\Delta \rho_3 = -0.00001$: la elipse definida por la ecuación (7) se representa mediante trazo punteado de color rojo, mientras que el lugar de las singularidades exacto [es decir, la curva definida por la ecuación (11)] se representa mediante trazo continuo de color azul. Nótese que la ecuación (7) es una precisa aproximación del lugar de las singularidades exacto para perturbaciones suficientemente pequeñas, mientras que para perturbaciones mayores dicha aproximación no es buena (por ejemplo, véase la Figura 4b, en la que $\Delta \rho_3 = -0.005$).

Resolviendo la cinemática inversa de este robot [es decir, resolviendo ρ_1 y ρ_2 de las ecuaciones (9) y (10) a partir de θ_3 y ϕ], es posible transformar la elipse real E_r al plano de entrada. La imagen de la elipse E_r en el plano de entrada es una pequeña curva cerrada con dos cúspides (véase la Figura 5). Es bien sabido que dichas cúspides permiten al robot reconfigurarse entre distintos modos de ensamblado sin cruzar singularidades. Por tanto, la destrucción de la elipse real E_r (cuando $\omega > 0$) provoca la destrucción de dichas cúspides, de manera que el robot pierde la anterior habilidad (reconfigurarse sin cruzar singularidades) en la región del plano (ρ_1, ρ_2) cercana a la curva cerrada bicúspide de la Figura 5 (aunque, como se observa en dicha figura, el lugar de las singularidades de este robot exhibe otras cúspides que no son destruidas junto con E_r y que siguen posibilitando reconfiguraciones no-singulares).



Figura 4: Cuando ρ_3 disminuye ligeramente, el punto aislado \mathbf{y}_0 se transforma en una curva cerrada que puede aproximarse por una elipse.



Figura 5: Lugar de las singularidades del robot $3R\underline{P}R \operatorname{con} \Delta\rho_3 = -0.00001$. Se muestra una vista ampliada de la curva cerrada bicúspide que es la imagen de la elipse real E_r de la Figura 4a en el plano (ρ_1, ρ_2) .

Nótese que, según la Figura 3, ω se vuelve de nuevo negativa para $\Delta \rho_3 > 0.1057$, lo que implica que la elipse real E_r definida por la ecuación (7) reaparece de nuevo para $\Delta \rho_3 > 0.1057$. Esto podría llevar a pensar, erróneamente, que el lugar de las singularidades exacto [definido por la ecuación (11)] también debería exhibir una pequeña curva cerrada (de forma aproximadamente elíptica) en el plano (θ_3, ϕ) para $\Delta \rho_3 > 0.1057$, a causa de la reaparición de la elipse real E_r . Sin embargo, esto no es cierto ya que la perturbación $\Delta \rho_3 = 0.1057$ es demasiado grande para que la ecuación (7) siga siendo una aproximación válida del lugar de las singularidades exacto. Por tanto, el análisis del signo de ω en la ecuación (15) únicamente es válido para valores suficientemente pequeños de $|\Delta \rho_3|$.



Figura 6: Variación del signo de ω en función de las perturbaciones $\Delta \rho_3$ y Δc_2 .

3.2. PERTURBACIÓN DE DOS PARÁMETROS GEOMÉTRICOS

A continuación, considérese que ρ_3 y c_2 son perturbados, es decir: $\Delta \mathbf{g} = [\Delta c_2, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, \Delta \rho_3]^T$. En tal caso, la expresión de ω es:

$$\omega = -2811.780\Delta c_2^2 - 10847.38\Delta c_2\Delta \rho_3 + 777.4378\Delta c_2 - 11406.38\Delta \rho_3^2 + 1206.22\Delta \rho_3 (16)$$

La Figura 6 muestra cómo varía el signo de ω en función de las perturbaciones $\Delta \rho_3$ y Δc_2 . El plano ($\Delta \rho_3, \Delta c_2$) queda dividido en dos regiones por la elipse definida por $\omega = 0$: una región R_1 interior a esta elipse, y otra región R_2 exterior a ella. Dado que $\omega < 0$ en la región R_2 , para perturbaciones pertenecientes a la región exterior la ecuación (7) define una elipse real. Es decir, para ($\Delta \rho_3, \Delta c_2$) $\in R_2$, el punto aislado \mathbf{y}_0 se deforma en una curva cerrada con forma aproximadamente elíptica, y ésta se transforma en una curva bicúspide cuando se transforma al plano (ρ_1, ρ_2).

Para perturbaciones pertenecientes a la región R_1 se tiene que $\omega > 0$, luego la ecuación (7) define una elipse imaginaria. Esto significa que el punto \mathbf{y}_0 desaparece, y el robot pierde la habilidad de reconfigurarse entre distintas soluciones del problema cinemático directo sin cruzar singularidades. La pérdida de esta habilidad es únicamente local, ya que, como muestra la Figura 5, el lugar de las singularidades de este robot exhibe otras cúspides que no se destruyen junto con \mathbf{y}_0 .

Finalmente, es importante recalcar de nuevo que el comportamiento del lugar de las singularidades exacto [definido por la ecuación (11)] ante perturbaciones grandes no puede predecirse analizando las transformaciones sufridas por la elipse definida por la ecuación (7). Por ejemplo, si partimos de la geometría no-genérica \mathbf{g}_0 (es decir, del origen $\Delta \rho_3 = \Delta c_2 = 0$) y perturbamos estos dos parámetros geométricos a lo largo del segmento b (véase la Figura 6), al atravesar el punto c (al pasar de la región R_1 a la región R_2) no observaremos la aparición de ninguna curva cerrada (con forma aproximadamente elíptica) en el lugar de las singularidades exacto, a pesar de que la elipse definida por la ecuación (7) pasa de imaginaria a real. Esto se debe a que cruzar el punto c requiere perturbaciones tan grandes que invalidan la aproximación cuadrática de la ecuación (7).

4. EJEMPLO 2: ROBOT 2R<u>P</u>R-PR

En esta sección se aplicará el método propuesto para analizar la estabilidad de las singularidades aisladas del robot 2RPR-PR, mostrado en la Figura 7. Este robot puede obtenerse bloqueando la orientación de la pata central del robot 3RPR mostrado en la Figura 1, de manera que la longitud de dicha pata central deja de ser una variable articular controlada y pasa a ser una variable pasiva. Aunque el robot de la Figura 7 puede obtenerse como caso particular del robot de la Figura 1, en este artículo no se ha empleado la misma notación para denotar las variables cinemáticas comunes a ambos robots, ya que se ha preferido respetar la notación empleada en [6] para el robot 2RPR-PR.



Figura 7: Robot paralelo 2RPR-PR.

El robot $2R\underline{P}R$ -PR es un robot de 2 GDL en el que se emplean dos actuadores lineales A_1B_1 y A_2B_2 (con longitudes l_1 y l_2 , respectivamente) para controlar la posición y orientación de la plataforma móvil triangular BB₁B₂. La articulación B está conectada a una guía o pata pasiva OB que forma un ángulo fijo α con el segmento A_2A_1 , de manera que la posición de la plataforma móvil queda totalmente definida por la posición L de la articulación B a lo largo de dicha guía. La orientación de la plataforma móvil está definida por ϕ . La cinemática de este mecanismo paralelo de 2 GDL fue estudiada en [11], donde se proponía un robot articulado de tipo serpiente formado por varios mecanismos 2RPR-PR conectados en serie. En [10] se presentó un robot trepador para inspeccionar estructuras verticales; dicho robot estaba formado también por la combinación serie de 4 mecanismos paralelos de tipo 2RPR-PR. En [8] se presentó una herramienta gráfica para simular la cinemática y el control dinámico de este mecanismo paralelo. En [6] se analizó en detalle el problema cinemático directo de este mecanismo paralelo, poniendo especial énfasis en diseños geométricos no-genéricos para los que dicho problema se simplifica y admite solución analítica.

En [7] se estudiaron en detalle las singularidades y la multiplicidad de las soluciones del problema cinemático directo de uno de los diseños no-genéricos analizados en [6], caracterizado por $\alpha = \pi/2$ rad y $\beta = \pi$ rad. Tal diseño no-genérico implica que la guía pasiva OB es perpendicular al segmento A_2A_1 , y que las tres articulaciones BB_1B_2 están alineadas. En [7] se demostró que el lugar de las singularidades de dicho diseño no-genérico exhibe un punto aislado λ_{π} que, al rodearlo en el plano (l_1, l_2) , permite al robot reconfigurarse entre distintos modos de ensamblado sin cruzar singularidades. Aunque este fenómeno parecía ocurrir en ausencia de cúspides, en [3] se perturbó ligeramente este diseño no-genérico para demostrar que el punto aislado λ_{π} es en realidad una deltoide (curva cerrada con tres cúspides) degenerada en un punto, de manera que rodear el punto λ_{π} equivale a rodear tres cúspides "ocultas".

A continuación, se aplicará el método propuesto en el presente artículo para analizar la estabilidad de la singularidad aislada mencionada en el párrafo anterior. Para el robot de la Figura 7, las variables de entrada son las longitudes articulares: $\mathbf{x} = [l_1, l_2]^T$, mientras que las variables de salida son la posición y orientación de la plataforma móvil: $\mathbf{y} = [L, \phi]^T$. Los parámetros geométricos son: $\mathbf{g} = [a_1, a_2, b_1, b_2, \alpha, \beta]^T$. Las funciones de restricción se obtienen de nuevo imponiendo la condición de que los actuadores lineales A_1B_1 y A_2B_2 tengan longitudes l_1 y l_2 , respectivamente:

$$f_1 = \left\| \begin{bmatrix} L\cos\alpha + b_1\cos\phi - a_1 \\ L\sin\alpha + b_1\sin\phi \end{bmatrix} \right\|^2 - l_1^2 \quad (17)$$
$$f_2 = \left\| \begin{bmatrix} L\cos\alpha + b_2\cos(\phi+\beta) - a_2 \\ L\sin\alpha + b_2\sin(\phi+\beta) \end{bmatrix} \right\|^2 - l_2^2 \quad (18)$$

El lugar de las singularidades de este robot está definido en el plano (L, ϕ) por la ecuación:

$$S(\mathbf{y}, \mathbf{g}) = \frac{\partial f_1}{\partial L} \frac{\partial f_2}{\partial \phi} - \frac{\partial f_1}{\partial \phi} \frac{\partial f_2}{\partial L} = 0$$
(19)
826



Figura 8: Lugar de las singularidades de un robot 2RPR-PR no-genérico.

A continuación se analizará el lugar de las singularidades de la geometría no-genérica estudiada en [7, 3], que está definida por: $\mathbf{g}_0 = [0.3, -0.7, 0.6, 0.5, \pi/2 \text{ rad}, \pi \text{ rad}]^T$. Como se ha indicado anteriormente, esta geometría implica que la guía pasiva OB es perpendicular a A₂A₁, y que las tres articulaciones BB₁B₂ están alineadas.

La Figura 8 representa el lugar de las singularidades en el plano (L, ϕ) para la geometría nogenérica \mathbf{g}_0 indicada en el párrafo previo. Dicho lugar de las singularidades exhibe un punto aislado $\mathbf{y}_0 = [0, \pi \text{ rad}]^T$. Seguidamente, se aplicará el análisis presentado en la Sección 2 para estudiar la estabilidad de esta singularidad aislada. Asúmase que todos los parámetros geométricos se desvían ligeramente de \mathbf{g}_0 , es decir: $\Delta \mathbf{g} = [\Delta a_1, \Delta a_2, \Delta b_1, \Delta b_2, \Delta \alpha, \Delta \beta]^T$. Sustituyendo \mathbf{y}_0 y \mathbf{g}_0 en la ecuación (7), la cual es una aproximación del lugar de las singularidades en el plano (L, ϕ) en la vecindad de \mathbf{y}_0 , resulta en:

$$\frac{\mathbf{H}_{11}}{2} = \begin{bmatrix} 4.4 & -0.34\\ -0.34 & 1.2 \end{bmatrix}$$
(20)

$$\mathbf{K} = \begin{bmatrix} -0.54\Delta\alpha - 0.1\Delta\beta, 0.6\Delta\beta - 1.062\Delta\alpha \end{bmatrix}^T (21)$$

$$u = -1.26\Delta\alpha\Delta\beta \tag{22}$$

Nótese que, a pesar de que se han perturbado todos los parámetros geométricos, según las ecuaciones (21) y (22), la transformación de la singularidad aislada \mathbf{y}_0 únicamente depende de las perturbaciones en α y β . Éstos son, precisamente, los únicos dos parámetros geométricos que determinan si \mathbf{g}_0 es una geometría genérica o no, como ya se ha explicado anteriormente. Esto contrasta con el ejemplo de la Sección 3, donde la transformación sufrida por la singularidad aislada dependía de las perturbaciones en todos los parámetros geométricos del robot [véanse las ecuaciones (13) y (14)].

Dado que $det(\mathbf{H}_{11}) > 0$, la ecuación (7) define una elipse real o imaginaria, en función del signo



Figura 9: (a) Lugar de las singularidades aproximadamente elíptico cerca de \mathbf{y}_0 , para $\Delta \alpha = \Delta \beta = -0.01$ rad. (b) La imagen de esta elipse en el plano (l_1, l_2) es una deltoide con cúspides $k_1 \approx (0.89996, 1.20002), k_2 \approx (0.90009, 1.19996),$ y $k_3 \approx (0.89997, 1.19990).$

de $\omega = c_{11} \det(\mathbf{C})$:

$$\omega = -0.228096(110\Delta\alpha^2 + 17\Delta\alpha\Delta\beta + 30\Delta\beta^2)$$
(23)

 ω en la ecuación (23) es una forma cuadrática definida negativa, es decir, $\omega < 0 \ \forall (\Delta \alpha, \Delta \beta) \neq (0, 0)$. Por tanto, si cualquiera de los dos parámetros geométricos $\{\alpha, \beta\}$ se desvía de su valor no-genérico, entonces la ecuación (7) define una elipse real en el plano (L, ϕ) , independientemente de la dirección de dichas perturbaciones. Esto significa que el punto aislado \mathbf{y}_0 del lugar de las singularidades exacto siempre se deforma en una pequeña curva cerrada que puede aproximarse por una elipse si las perturbaciones son suficientemente pequeñas.

Si dicha elipse se transforma al plano (l_1, l_2) , ésta se convierte en una deltoide δ , que es una curva cerrada que exhibe tres cúspides (véase el ejemplo de la Figura 9). Como ya se ha comentado con anterioridad, esta deltoide permite a este robot modificar su modo de ensamblado sin atravesar singularidades si se rodea cualquiera de sus cúspides en el plano (l_1, l_2) . Si se rodea la deltoide entera (es decir, sus tres cúspides simultáneamente), se produce un efecto similar [3].

Comparando el análisis presentado en esta sección con el de la Sección 3, se observa claramente la diferencia de estabilidad entre las singularidades aisladas estudiadas en ambas secciones. Mientras que la singularidad aislada analizada en la Sección 3 (singularidad tipo *lips*) puede destruirse aplicando las perturbaciones apropiadas (es decir, aquellas perturbaciones que hacen $\omega > 0$), provocando la destrucción de dos cúspides, la singularidad aislada estudiada en la presente sección no puede destruirse, ya que cualquier perturbación *siempre* la transforma en una pequeña elipse cuya imagen en el plano de entrada es una deltoide. Esto ilustra el hecho de que la deltoide es una singularidad estable obtenida al perturbar una singularidad aislada de multiplicidad 4 [3], que es el caso de la singularidad aislada analizada en la presente sección.

5. CONCLUSIONES

En este artículo hemos presentado un método para determinar cómo se transforman las singularidades aisladas de robots paralelos cuando los parámetros geométricos del robot se desvían ligeramente de diseños no-genéricos. El método propuesto consiste en aproximar el lugar de las singularidades por una curva cónica, para clasificar dicha cónica en función de las perturbaciones de los diferentes parámetros geométricos del robot. Este método ha sido ilustrado mediante dos robots paralelos que poseen singularidades aisladas.

En el futuro, extenderemos este análisis a otras singularidades de orden superior distintas a las singularidades aisladas [13], así como a robots con más de 2 GDL. Además, también exploraremos la aplicación práctica del método propuesto en el diseño robusto de robots paralelos cuspidales.

Agradecimientos

Este trabajo ha sido financiado por los Ministerios de Educación (ayuda FPU13/00413) y Economía (proyecto DPI 2016-78361-R).

Referencias

- Caro S., Wenger P., and Chablat D. Nonsingular assembly mode changing trajectories of a 6-DOF parallel robot. In AS-ME 2012 IDETC/CIE Conference, pp. 1245– 1254, 2012.
- [2] Coste M., Chablat D., and Wenger P. New Trends in Mechanism and Machine Science, chapter Perturbation of Symmetric 3-RPR Manipulators and Asymptotic Singularities, pp. 23–31. Springer Netherlands, 2013.
- [3] Coste M., Wenger P., and Chablat D. Hidden cusps. In 15th International Symposium on Advances in Robot Kinematics, 2016.
- [4] DallaLibera F. and Ishiguro H. Non-singular transitions between assembly modes of 2-DOF planar parallel manipulators with a passive leg. *Mech. Mach. Theory*, 77:182–197, 2014.
- [5] Husty M., Schadlbauer J., Caro S., and Wenger P. The 3-RPS manipulator can have nonsingular assembly-mode changes. In Tho-

mas F. and Pérez Gracia A., editors, *Compu*tational Kinematics: Proceedings of the 6th International Workshop on Computational Kinematics (CK2013), pp. 339–348. Springer Netherlands, 2014.

- [6] Kong X. and Gosselin C. M. Generation and forward displacement analysis of RPR-PR-RPR analytic planar parallel manipulators. *J. Mech. Design*, 124(2):294–300, 2002.
- [7] Peidró A., Marín J.M., Gil A., and Reinoso O. Performing nonsingular transitions between assembly modes in analytic parallel manipulators by enclosing quadruple solutions. J. Mech. Design, 137(12):122302, 2015.
- [8] Peidró A., Reinoso Ó., Gil A., Marín J. M., and Payá L. A simulation tool to study the kinematics and control of 2RPR-PR parallel robots. *IFAC-PapersOnLine*, 49(6):268 – 273, 2016.
- [9] Peidró A., Reinoso O., Gil A., Marín J.M., and Payá L. A virtual laboratory to simulate the control of parallel robots. *IFAC-PapersOnLine*, 48(29):19–24, 2015.
- [10] Peidró A., Reinoso Ó., Payá L., Berenguer Y., Gil A., and Marín J.M. Análisis cinemático y simulación de un robot trepador con arquitectura serie-paralela. In Actas de las XXXVI Jornadas de Automática, pp. 400–407, 2015.
- [11] Ridgeway S.C., Crane C.D., and Duffy J. A forward analysis of a two degree of freedom parallel manipulator. In Lenarčič J. and Parenti-Castelli V., editors, *Recent Advances* in *Robot Kinematics*, pp. 431–440. Springer Netherlands, 1996.
- [12] Srinivasan Vijay. Theory of Dimensioning: An Introduction to Parameterizing Geometric Models. CRC Press, 2003.
- [13] Thomas F. and Wenger P. On the topological characterization of robot singularity loci. a catastrophe-theoretic approach. In Proceedings of the 2011 IEEE International Conference on Robotics and Automation, pp. 3940– 3945, May 2011.
- [14] Urízar M., Petuya V., Altuzarra O., and Hernández A. Assembly mode changing in the cuspidal analytic 3-R<u>P</u>R. *IEEE Trans. Robot.*, 28(2):506–513, 2012.
- [15] Zein M., Wenger P., and Chablat D. Nonsingular assembly-mode changing motions for 3-R<u>P</u>R parallel manipulators. *Mech. Mach. Theory*, 43(4):480–490, 2008.